

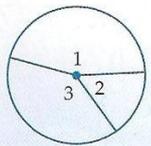
قياس الزوايا والأقواس

الزاوية المركزية هي

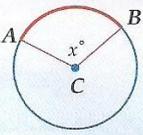
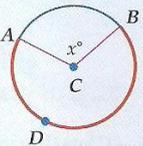
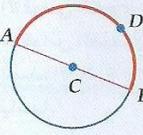
**مفهوم أساسي** **مجموع قياسات الزوايا المركزية**

**التعبير اللفظي** مجموع قياسات الزوايا المركزية في الدائرة، والتي لا تحوي نقاطًا داخلية مشتركة يساوي  $360^\circ$ .

**مثال**  $m\angle 1 + m\angle 2 + m\angle 3 = 360^\circ$



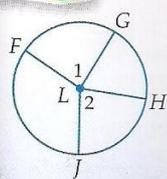
**مفاهيم أساسية** **الأقواس وقياسها**

قياسه	التعريف
 <p>يقل قياس القوس الأصغر عن <math>180^\circ</math> ويساوي قياس الزاوية المركزية المرتبطة به.</p> <p><math>m\widehat{AB} = m\angle ACB = x^\circ</math></p>	<p><b>القوس الأصغر</b> هو القوس الأقصر الذي يصل بين نقطتين على الدائرة.</p>
 <p>يزيد قياس القوس الأكبر على <math>180^\circ</math>، ويساوي <math>360^\circ</math> مطروحًا منه قياس القوس الأصغر الذي يصل بين النقطتين نفسيهما.</p> <p><math>m\widehat{ADB} = 360^\circ - m\widehat{AB} = 360^\circ - x^\circ</math></p>	<p><b>القوس الأكبر</b> هو القوس الأطول الذي يصل بين نقطتين على الدائرة.</p>
 <p>قياس نصف الدائرة يساوي <math>180^\circ</math></p> <p><math>m\widehat{ADB} = 180^\circ</math></p>	<p><b>نصف الدائرة</b> هي قوس تقع نقطتا طرفيه على قطر الدائرة.</p>

**نظرية 2.1**

**التعبير اللفظي** في الدائرة نفسها أو في دائرتين متطابقتين يكون القوسان متطابقين، إذا فقط إذا كانت الزاويتان المركزيتان المناظرتان لها متطابقتين.

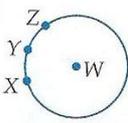
**مثال** إذا كانت  $\angle 1 \cong \angle 2$ ، فإن  $\widehat{FG} \cong \widehat{HJ}$ .  
إذا كان  $\widehat{FG} \cong \widehat{HJ}$ ، فإن  $\angle 1 \cong \angle 2$ .



**مسألة 2.1** **مسألة جمع الأقواس**

**التعبير اللفظي** قياس القوس المتكوّن من قوسين متجاورين يساوي مجموع قياسيّ هذين القوسين.

**مثال**  $m\widehat{XYZ} = m\widehat{XY} + m\widehat{YZ}$

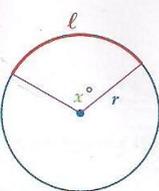


**مفهوم أساسي** **طول القوس**

**التعبير اللفظي** نسبة طول القوس  $l$  إلى محيط الدائرة يساوي نسبة قياس القوس بالدرجات إلى  $360^\circ$ .

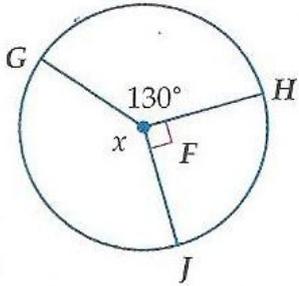
**التناسب**  $\frac{l}{2\pi r} = \frac{x^\circ}{360^\circ}$  أو

**المعادلة**  $l = \frac{x^\circ}{360^\circ} \cdot 2\pi r$

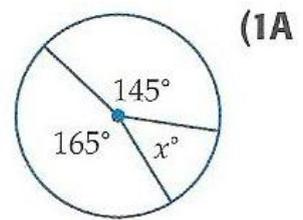
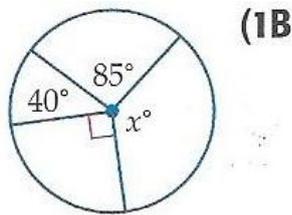


قياس الزوايا والأقواس

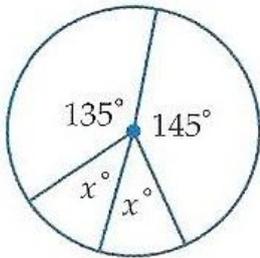
مثال ١ : أوجد قيمة  $x$  في الشكل المجاور :-



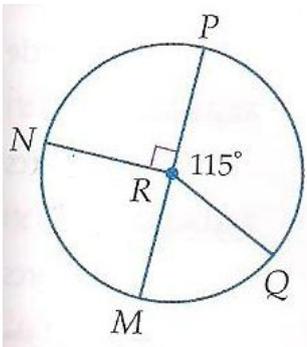
مثال ٢ : أوجد قيمة  $x$  في كل من :-



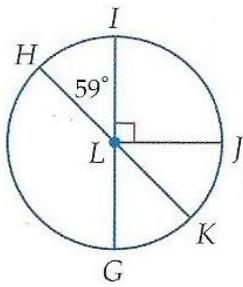
مثال ٣ : أوجد قيمة  $x$  في الشكل المجاور :-



مثال ٤ :  $\overline{PM}$  قطر في  $\odot R$  حدد إذا كان القوس الآتي قوساً أكبر أو أصغر أو نصف دائرة، ثم أوجد قياسه :-



قياس الزوايا والأقواس

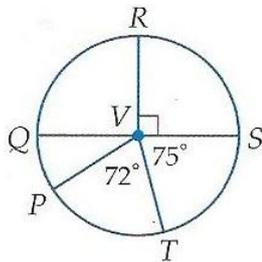


حَدِّد إذا كان كل قوس فيما يأتي قوسًا أكبر أم أصغر أم نصف دائرة. ثم أوجد قياسه.

$\widehat{HGK}$

$\widehat{HI}$

$\widehat{IHJ}$

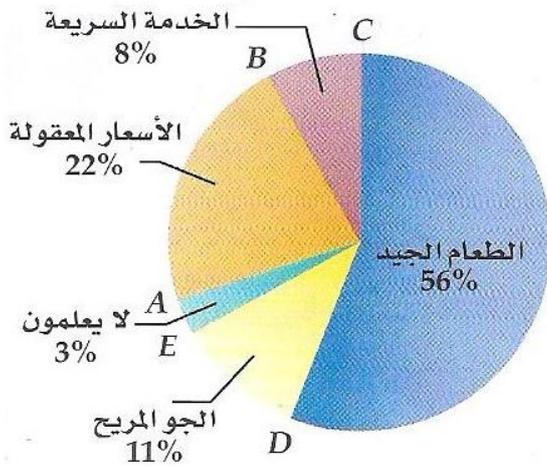


أوجد كلاً من القياسات الآتية في الشكل المجاور:

$m\widehat{STP}$

$m\widehat{QRT}$

$m\widehat{PQR}$



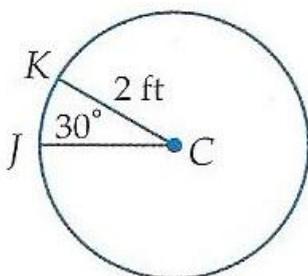
**مطاعم:** يعرض الشكل المجاور نتائج استطلاع لرواد المطاعم، حول أهم ما يجب أن توفره لهم المطاعم.

(a) أوجد  $m\widehat{AB}$ .

(b) أوجد  $m\widehat{BC}$ .

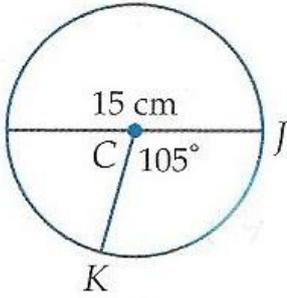
(c) صف نوع القوس الذي يمثله الطعام الجيد.

مثال ٨ : أوجد طول  $\widehat{JK}$  مقرباً الى أقرب جزء من مئة :-



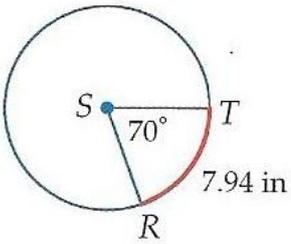
## قياس الزوايا والأقواس

مثال ٩ : أوجد طول  $\widehat{JK}$  مقرباً الى أقرب جزء من مئة :-

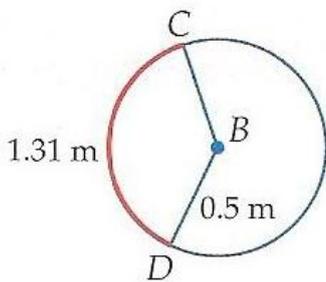


مثال ١٠ : أوجد كلاً من القياسات الآتية مقرباً الأطوال إلى أقرب جزء من مئة وقياس كل قوس إلى أقرب درجة.

(1)

محيط  $S$ 

(2)

 $m\widehat{CD}$ 

الأقواس والأوتار

**نظرية 2.2**

**التعبير اللفظي** في الدائرة نفسها أو في دائرتين متطابقتين، يكون القوسان متطابقين إذا وفقط إذا كان الوتران المناظران لهما متطابقين.

**مثال**  $\overline{FG} \cong \overline{HJ}$  إذا وفقط إذا كان  $\widehat{FG} \cong \widehat{HJ}$ .

أضف إلى مطوبتك

**البرهان**

**نظرية 2.2 (الجزء 1)**

المعطيات:  $\odot P$  ،  $\widehat{QR} \cong \widehat{ST}$

المطلوب: إثبات أن  $\overline{QR} \cong \overline{ST}$

البرهان:

المبررات	العبارات
(1) معطى	$\odot P, \widehat{QR} \cong \widehat{ST}$ (1)
(2) إذا تطابقت الأقواس، فإن الزوايا المركزية المقابلة لها تكون متطابقة	$\angle QPR \cong \angle SPT$ (2)
(3) جميع أنصاف أقطار الدائرة متطابقة	$\overline{QP} \cong \overline{PR} \cong \overline{SP} \cong \overline{PT}$ (3)
(4) SAS	$\triangle PQR \cong \triangle PST$ (4)
(5) العناصر المتناظرة في مثلثين متطابقين متطابقة	$\overline{QR} \cong \overline{ST}$ (5)

**نظريات**

**2.3** إذا كان قطر (أو نصف قطر) الدائرة عمودياً على وتر فيها فإنه ينصف ذلك الوتر وينصف قوسه أيضاً.

**مثال** إذا كان القطر  $\overline{AB}$  عمودياً على  $\overline{XY}$ ، فإن  $\widehat{XB} \cong \widehat{BY}$  و  $\widehat{XZ} \cong \widehat{ZY}$ .

**2.4** العمود المنصف لوتر في الدائرة هو قطر (أو نصف قطر) لها.

**مثال** إذا كان  $\overline{AB}$  عموداً منصفاً للوتر  $\overline{XY}$ ، فإن  $\overline{AB}$  قطر في  $\odot C$ .

أضف إلى مطوبتك

**نظرية 2.5**

**التعبير اللفظي** يكون الوتران في الدائرة نفسها، أو في دائرتين متطابقتين، متطابقين إذا وفقط إذا كان بُعدهما عن مركز الدائرة متساويين.

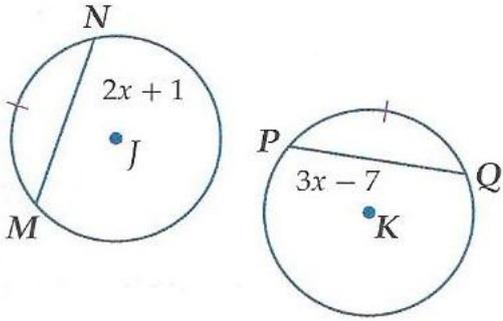
**مثال**  $LX = LY$  إذا وفقط إذا كان  $\overline{FG} \cong \overline{JH}$

أضف إلى مطوبتك

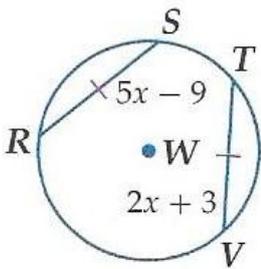


الأقواس والأوتار

مثال ١ : **جبر:** إذا كان  $\odot J \cong \odot K$  ،  $\widehat{MN} \cong \widehat{PQ}$  ، فأوجد  $PQ$  .



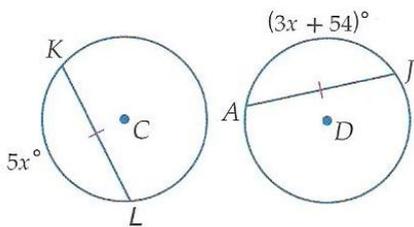
مثال ٢ : إذا كان  $\widehat{RS} \cong \widehat{TV}$  في  $\odot W$  ، فأوجد  $RS$  .



مثال ٣ : أوجد قيمة  $x$  في كل من :-

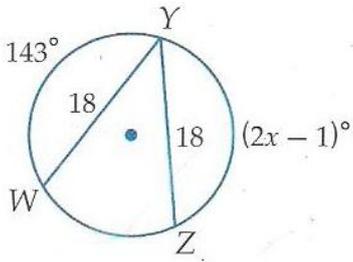
(1)

$$\odot C \cong \odot D$$

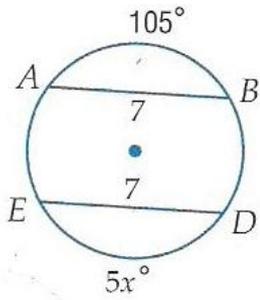


الأقواس والأوتار

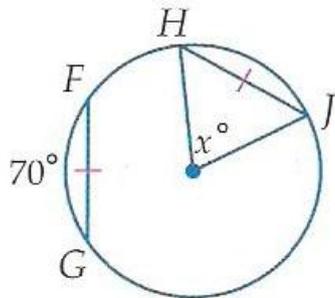
(2)



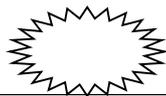
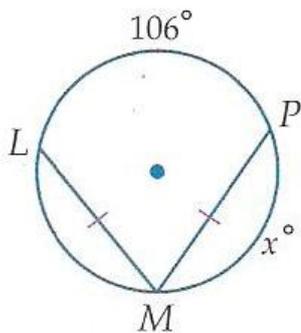
(3)



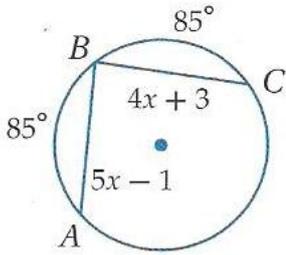
(4)



(5)

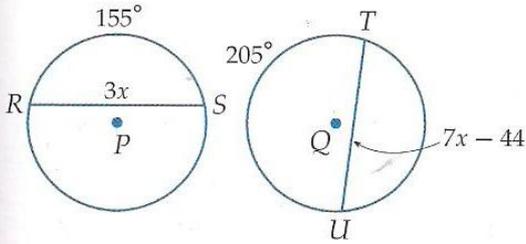


(6)

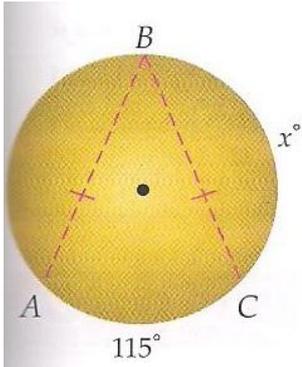


(7)

$$\odot P \cong \odot Q$$



(8)

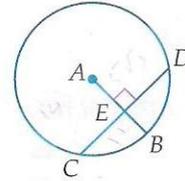


**مجوهرات:** أراد صائغ مجوهرات عمل زوج من الأقراط مستعملًا قطعة ذهبية دائرية كما في الشكل المجاور، إذا كان قياس  $\widehat{AC}$  يساوي  $115^\circ$ . وأراد أن يقص قطعتين متساويتين بحيث يكون  $\widehat{AB} = \widehat{BC}$ ، فما قيمة  $x$ ؟



مثال ٤:

إذا كان نصف قطر  $\odot A$  يساوي 14،  $CD = 22$ ، فأوجد كلاً من القياسين الآتيين، مقرباً الناتج إلى أقرب جزء من مئة إذا لزم ذلك.

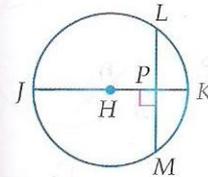


CE

EB

مثال ٥:

إذا كان قطر  $\odot H$  يساوي 18،  $LM = 12$ ،  $m\widehat{LM} = 84$ ، فأوجد كلاً من القياسين الآتيين، مقرباً الناتج إلى أقرب جزء من مئة إذا لزم ذلك.

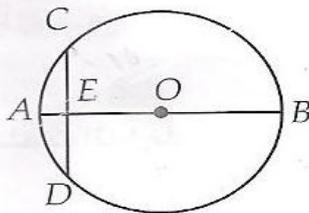


$m\widehat{LK}$

HP

مثال ٦:

قطر  $AB$  في  $\odot O$ ، وعمودي على الوتر  $CD$ ، ويقطعه في النقطة  $E$ . إذا كان  $OB = 10$ ،  $AE = 2$ ، فما طول  $CD$ ؟



4 F

6 G

8 H

12 J

مثال ٧:

إذا كان  $CE = 13.5$  في  $\odot B$ ، فأوجد  $BD$  مقرباً الناتج إلى أقرب جزء من مئة. (الدرس 2-3)

